

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Галунин Сергей Александрович
Должность: Директор департамента образования
Дата подписания: 13.09.2021 19:57:32
Уникальный программный ключ:
1cb4f9edcd6d31e931c556ddefa3b376a443365a5419cb3e3965cc668ec8658b



СПбГЭТУ «ЛЭТИ»
ПЕРВЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования
**«Санкт-Петербургский государственный электротехнический университет
«ЛЭТИ» им. В.И.Ульянова (Ленина)»**
(СПбГЭТУ «ЛЭТИ»)



УТВЕРЖДАЮ

Директор департамента образования

С.А. Галунин

2021 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

дисциплины

«НЕПРЕРЫВНЫЕ МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МОДЕЛИ»

для подготовки магистров

по направлению

01.04.02 «Прикладная математика и информатика»

по программе

«Математическое и программное обеспечение вычислительных машин»

Санкт-Петербург

2021

ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

Разработчик

профессор, д.ф.-м.н., доцент



А.М. Коточигов

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры АМ
10.03.2021, протокол № 6

Заведующий кафедрой АМ
д.пед.н., доцент



С.Н. Поздняков

Рабочая программа рассмотрена и одобрена учебно-методической комиссией
ФКТИ, 25.03.2021, протокол № 2

Председатель УМК ФКТИ
доцент, к.т.н.



В.С. Андреев

Согласовано:

Начальник ОМОЛА



О.В. Загороднюк

1 СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

Обеспечивающий факультет	ФКТИ
Обеспечивающая кафедра	АМ
Общая трудоемкость (ЗЕТ)	4
Курс	1
Семестр	1
Виды занятий	
Лекции (академ. часов)	17
Практические занятия (академ. часов)	34
Иная контактная работа (академ. часов)	1
Все контактные часы (академ. часов)	52
Самостоятельная работа, включая часы на контроль (академ. часов)	92
Всего (академ. часов)	144
Вид промежуточной аттестации	
Дифф. зачет (курс)	1

2 АННОТАЦИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

«НЕПРЕРЫВНЫЕ МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МОДЕЛИ»

Дисциплина формирует представление о возможности восстановления непрерывного сигнала по системе отсчетов. В курсе рассматриваются принципы и алгоритмы построения базисов, позволяющих с гарантированной точностью восстанавливать сигнал по коэффициентам разложения.

SUBJECT SUMMARY

«CONTINUOUS MATHEMATICAL MODELS»

The discipline forms an idea of the possibility of restoring a continuous signal in the frame of reference. The course examines the principles and algorithms for constructing bases that allow to recover the signal with guaranteed accuracy from the expansion coefficients.

3 ОБЩИЕ ПОЛОЖЕНИЯ

3.1 Цели и задачи дисциплины

1. Математические методы, позволяющие оценить возможность восстановления сигналов по системе отсчетов включая знание теории сплайнов.
2. Формирование навыков моделирования на основе известных алгоритмов.
3. Знание возможностей и ограничений восстановления непрерывного сигнала по системе отсчетов.

Умение строить базисы, дающие нужную точность восстановления сигнала по системе отсчетов.

3.2 Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина изучается на основе знаний, полученных при освоении программы бакалавриата или специалитета.

и обеспечивает изучение последующих дисциплин:

1. «Математические методы распознавания образов»
2. «Статистика случайных процессов»
3. «Численные методы решения прикладных задач»
4. «Математические модели в экономике»

3.3 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

В результате освоения образовательной программы обучающийся должен достичь следующие результаты обучения по дисциплине:

Код компетенции/ индикатора компетенции	Наименование компетенции/индикатора компетенции
ОПК-1	Способен решать актуальные задачи фундаментальной и прикладной математики
<i>ОПК-1.1</i>	<i>Знает математические, естественнонаучные методы для использования в профессиональной деятельности</i>
<i>ОПК-1.2</i>	<i>Умеет решать нестандартные профессиональные задачи с применением математических, естественнонаучных знаний</i>

4 СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1 Содержание разделов дисциплины

4.1.1 Наименование тем и часы на все виды нагрузки

№ п/п	Наименование темы дисциплины	Лек, ач	Пр, ач	ИКР, ач	СР, ач
1	Введение	1	0		5
2	Ряды и интегралы Фурье	4	8		10
3	Преобразования сигналов, допускающие восстановление сигнала. Сплайны.	3	8		20
4	Бета сплайны и их свойства.	4	8		20
5	Приложения: свойства базисов из бета-сплайнов	4	10	1	20
6	Заключение.	1	0		17
	Итого, ач	17	34	1	92
	Из них ач на контроль	0	0	0	0
	Общая трудоемкость освоения, ач/зе	144/4			

4.1.2 Содержание

№ п/п	Наименование темы дисциплины	Содержание
1	Введение	Задача восстановления непрерывного сигнала по системе отсчетов: возможности и ограничения. Математический аппарат необходимый для решения задачи.
2	Ряды и интегралы Фурье	Обзор основных свойств. Спектр сигнала. Возможность восстановления сигнала по спектру. Формула Пуассона. Длительность сигнала и ширина спектра. Принцип неопределенности. Теорема отсчетов.
3	Преобразования сигналов, допускающие восстановление сигнала. Сплайны.	Ограничения на сигнал возникающие из возможности восстановить сигнал по усеченному изображению. Пространства сплайнов на ограниченном отрезке. Построение базиса из ограниченных функций.
4	Бета сплайны и их свойства.	Эквивалентность двух определений бета-сплайнов. Ограниченность и компактность носителя бета-сплайнов. Рекуррентная формула для бета-сплайнов. Бета-сплайны как разложение единицы.
5	Приложения: свойства базисов из бета-сплайнов	Базисы похожие на ортогональные и их спектральные свойства. Базисы из бета-сплайнов – похожи на ортогональные. Возможности восстановления сигнала по его коэффициентам в базисе бета-сплайнов.
6	Заключение.	Возможности бета-сплайнов решении прикладных задач.

4.2 Перечень лабораторных работ

Лабораторные работы не предусмотрены.

4.3 Перечень практических занятий

Наименование практических занятий	Количество ауд. часов
1. Методы интегрирования солитонных уравнений	10
2. Алгоритм Беклунда для исключения промежуточной функции	10
3. Применения преобразования Фурье для решения дифференциальных уравнений	14
Итого	34

4.4 Курсовое проектирование

Курсовая работа (проект) не предусмотрены.

4.5 Реферат

Реферат не предусмотрен.

4.6 Индивидуальное домашнее задание

Индивидуальное домашнее задание не предусмотрено.

4.7 Доклад

Доклад не предусмотрен.

4.8 Кейс

Кейс не предусмотрен.

4.9 Организация и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы

Изучение дисциплины сопровождается самостоятельной работой студентов с рекомендованными преподавателем литературными источниками и информационными ресурсами сети Интернет.

Планирование времени для изучения дисциплины осуществляется на весь период обучения, предусматривая при этом регулярное повторение пройденного материала. Обучающимся, в рамках внеаудиторной самостоятельной работы, необходимо регулярно дополнять сведениями из литературных источников материал, законспектированный на лекциях. При этом на основе изучения рекомендованной литературы целесообразно составить конспект основных положений, терминов и определений, необходимых для освоения разделов учебной дисциплины.

Особое место уделяется консультированию, как одной из форм обучения и контроля самостоятельной работы. Консультирование предполагает особым образом организованное взаимодействие между преподавателем и студентами, при этом предполагается, что консультант либо знает готовое решение, которое он может предписать консультируемому, либо он владеет способами деятельности, которые указывают путь решения проблемы.

Самостоятельное изучение студентами теоретических основ дисциплины обеспечено необходимыми учебно-методическими материалами (учебники, учебные пособия, конспект лекций и т.п.), выполненными в печатном или электронном виде.

Изучение студентами дисциплины сопровождается проведением регулярных консультаций преподавателей, обеспечивающих практические занятия по дисциплине, за счет бюджета времени, отводимого на консультации (внеаудиторные занятия, относящиеся к разделу «Самостоятельные часы для изучения

дисциплины»).

Текущая СРС	Примерная трудоемкость, ач
Работа с лекционным материалом, с учебной литературой	30
Опережающая самостоятельная работа (изучение нового материала до его изложения на занятиях)	10
Самостоятельное изучение разделов дисциплины	10
Выполнение домашних заданий, домашних контрольных работ	20
Подготовка к лабораторным работам, к практическим и семинарским занятиям	10
Подготовка к контрольным работам, коллоквиумам	0
Выполнение расчетно-графических работ	0
Выполнение курсового проекта или курсовой работы	0
Поиск, изучение и презентация информации по заданной проблеме, анализ научных публикаций по заданной теме	0
Работа над междисциплинарным проектом	0
Анализ данных по заданной теме, выполнение расчетов, составление схем и моделей, на основе собранных данных	0
Подготовка к зачету, дифференцированному зачету, экзамену	12
ИТОГО СРС	92

5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

5.1 Перечень основной и дополнительной литературы, необходимой для освоения дисциплины

№ п/п	Название, библиографическое описание	К-во экз. в библ.
Основная литература		
1	Коточигов, Александр Михайлович. Цифровая обработка непрерывных сигналов [Текст] : учеб. пособие / А. М. Коточигов, И. Г. Зельвенский, 2019. -59 с.	25
2	Смирнов, Владимир Иванович. Курс высшей математики [Текст] : [в 2 т.] : учеб. для механико-мат. и физ.-мат. факультетов. Т. 1, 1965. -479 с.	14
Дополнительная литература		
1	Сиберт У.М. Цепи, сигналы, системы : в 2 ч. [Текст]. Ч. 2, 1988. -359 с.	28
2	Поздняков, Сергей Николаевич. Математические методы цифровой обработки сигналов [Текст] : учеб. пособие / С. Н. Поздняков, С. В. Рыбин, 2015. -60 с.	58

5.2 Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», используемых при освоении дисциплины

№ п/п	Электронный адрес
1	Курс по компьютерной графике: https://compsclub.ru/courses/computergraphics/2011-autumn/classes/

5.3 Адрес сайта курса

Адрес сайта курса: <https://vec.etu.ru/moodle/course/view.php?id=7325>

6 Критерии оценивания и оценочные материалы

6.1 Критерии оценивания

Для дисциплины «Непрерывные математические модели» формой промежуточной аттестации является зачет с оценкой.

Зачет с оценкой

Оценка	Описание
Неудовлетворительно	Курс не освоен. Студент испытывает серьезные трудности при ответе на ключевые вопросы дисциплины
Удовлетворительно	Студент в целом овладел курсом, но некоторые разделы освоены на уровне определений и формулировок теорем
Хорошо	Студент овладел курсом, но в отдельных вопросах испытывает затруднения. Умеет решать задачи
Отлично	Студент демонстрирует полное овладение курсом, способен применять полученные знания при решении конкретных задач.

Особенности допуска

Условие допуска: выполнение всех домашних заданий по курсу. Зачет проводится в форме собеседования.

6.2 Оценочные материалы для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Примерные вопросы к дифф.зачету

№ п/п	Описание
1	Возможность представления оператора в виде свертки (дискретный случай).
2	Возможность представления оператора в виде свертки (непрерывный случай). Временное и спектральное описание.
3	Преобразование Фурье и его основные свойства.
4	Формулы для суммирования отсчетов.
5	Автокорреляционная функция. Продолжение преобразовании Фурье на квадратично-суммируемые функции.
6	Преобразование Габора.
7	Принцип неопределенности
8	Теорема отсчетов (схема доказательства) (алгоритм реализации)
9	Вычисление преобразования Фурье для дискретной последовательности импульсов.
10	Частотно временная локализация. Обязательные свойства функции-окна. Формулы преобразования во временной и в частотной области. Окно локализации.
11	В-сплайны: определение и описание. Пригодность для частотно временной локализации
12	Описание пространства сплайнов. Простейший базис в пространстве сплайнов и его модификация.
13	В-сплайн как функционал
14	Действие В-сплайна m -го порядка на m -ю производную
15	Совпадение В-сплайна m -го порядка с функцией, порождающий базис в пространстве сплайнов m -го порядка
16	Формула понижения порядка сплайна.
17	Условие ортогональности сдвигов функции в пространстве квадратично-суммируемых функций на прямой
18	Базисы Рисса. *Условие эквивалентное тому, что сдвиг функции образуют базис Рисса
19	Проверка того, что сдвиги базисных сплайн-вейвлетов образуют базис Рисса($m=1,2$).
20	Многочлены Эйлера – Фробениуса – базисы Рисса для больших m .
21	Задача построения графика сплайна
22	Оператор Бернштейна.* Теорема Вейрштрасса-Бернштейна. В-сеть многочлена. В-сети и операции анализа.

Весь комплект контрольно-измерительных материалов для проверки сформированности компетенции (индикатора компетенции) размещен в закрытой части по адресу, указанному в п. 5.3

6.3 График текущего контроля успеваемости

Неделя	Темы занятий	Вид контроля
1	Ряды и интегралы Фурье	
2		
3		
4		Практическая работа
5	Преобразования сигналов, допускающие восстановление сигнала. Сплайны.	
6		
7		
8		Практическая работа
9	Бета сплайны и их свойства.	
10		
11		
12		Практическая работа
13	Приложения: свойства базисов из бета-сплайнов	
14		
15		
16		
17		Практическая работа

6.4 Методика текущего контроля

на лекционных занятиях

Текущий контроль включает в себя контроль посещаемости (не менее **80** % занятий), по результатам которого студент получает допуск на зачет.

на практических (семинарских) занятиях

Текущий контроль включает в себя контроль посещаемости (не менее **80** % занятий), по результатам которого студент получает допуск на зачет.

В ходе проведения семинарских и практических занятий целесообразно привлечение студентов к как можно более активному участию в дискуссиях, решении задач, обсуждениях и т. д. При этом активность студентов также может учитываться преподавателем, как один из способов текущего контроля на практических занятиях.

самостоятельной работы студентов

Контроль самостоятельной работы студентов осуществляется на лекционных и практических занятиях студентов по методикам, описанным выше.

7 Описание информационных технологий и материально-технической базы

Тип занятий	Тип помещения	Требования к помещению	Требования к программному обеспечению
Лекция	Лекционная аудитория	Количество посадочных мест – в соответствии с контингентом, рабочее место преподавателя, меловая или маркерная доска	
Практические занятия	Аудитория	Количество посадочных мест, в соответствии с контингентом, рабочее место преподавателя, проектор, экран, меловая или маркерная доска	
Самостоятельная работа	Помещение для самостоятельной работы	Оснащено компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.	1) Windows XP и выше; 2) Microsoft Office 2007 и выше

8 Адаптация рабочей программы для лиц с ОВЗ

Адаптированная программа разрабатывается при наличии заявления со стороны обучающегося (родителей, законных представителей) и медицинских показаний (рекомендациями психолого-медико-педагогической комиссии). Для инвалидов адаптированная образовательная программа разрабатывается в соответствии с индивидуальной программой реабилитации.

ЛИСТ РЕГИСТРАЦИИ ИЗМЕНЕНИЙ

№ п/п	Дата	Изменение	Дата и номер протокола заседания УМК	Автор	Начальник ОМОЛА